

# Тренажер для устного счета

*Задания для учащихся 10-11 классов при подготовке к ЕГЭ по  
математике*

## Пояснительная записка.

Каждому учителю математике известно, что учащиеся, хорошо владеющие навыками устного счета, быстрее усваивают новый материал, легко справляются с различными заданиями по алгебре, геометрии, физике. В пособиях для учителя встречается достаточно много упражнений для устного счёта, но прежде всего они предназначены для учащихся начальных или средних классов. И если в младших классах часто используется система устных заданий, то уже в старших (9-10кл.) крайне редко. Ученики используют для счёта калькулятор, что наносит непоправимый вред и снижает вычислительные навыки.

С 2003 года наша школа принимает участие в проведении единого государственного экзамена по математике. Анализируя результаты экзамена, мы пришли к выводу, что именно из-за низкой вычислительной культуры многие ученики не могут справиться с некоторыми заданиями, хотя при этом они неплохо владеют приёмами алгебраических преобразований, хорошо знают свойства функций.

Предлагаемая система заданий предназначена для устных упражнений на уроках математики в старших классах, в соответствии с темами, изучаемыми в курсе алгебры и начала анализа. По такому же принципу задания распределены по таблицам. В каждой таблице (4-5) вариантов и от 9 до 18 заданий.

Комплект таблиц помещен в отдельную папку или скоросшиватель. Число папок соответствует количеству парт в классе. В начале урока дежурные раздают папки, учитель объявляет номер таблицы и распределяет варианты между учащимися. Выполняя задание, ученики выписывают на отдельном листочке ответы. Время выполнения работы и количество заданий определяет учитель, в зависимости от уровня подготовленности класса. Система работы с комплектом таблиц позволяет использовать разнообразные варианты учебной деятельности: индивидуальная работа, работа в парах, работа в парах смешного состава и т. д.

Использование данного комплекта таблиц для устных упражнений на уроках математики в 10-11 классах гимназии позволило значительно улучшить закрепление изученного материала на уроках, повысило вычислительные навыки учащихся старшеклассников, ускорило процесс усвоения изучаемого материала.

Для облегчения контроля со стороны учителя и осуществления самоконтроля со стороны учащихся сборник снабжен ответами ко всем предлагаемым заданиям.

## **Соответствие таблиц темам программного материала**

1. Таблица №1. Арифметический корень натуральной степени.
2. Таблица №2,3. Степень с рациональным и действительным показателем.
3. Таблица №4. Логарифмы. Свойства логарифмов.
4. Таблица №5. Показательные и логарифмические уравнения.
5. Таблица №6. Показательные и логарифмические неравенства.
6. Таблица №7. Значения тригонометрических функций.
7. Таблица №8. Значения обратных тригонометрических функций.
8. Таблица №9. Тригонометрические уравнения.
9. Таблица №10. Неравенства. Метод интервалов.
10. Таблица №11. Производные.
11. Таблица №12. Первообразные.

Данный комплект можно использовать для работы по разным учебным пособиям.

## Таблица №1.

Вычислить:

**1B.****2B.****3B.****4B.**

1.  $\sqrt[4]{81}$        $\sqrt[3]{27}$        $\sqrt[3]{125}$        $\sqrt{361}$
2.  $\sqrt[6]{16^3}$        $\sqrt[8]{16^4}$        $\sqrt[4]{\left(\frac{1}{9}\right)^2}$        $\sqrt[10]{\left(\frac{1}{25}\right)^5}$
3.  $\sqrt[3]{-\frac{1}{125}}$        $\sqrt[5]{64} \cdot \sqrt[5]{\frac{1}{2}}$        $\sqrt[7]{-128}$        $\sqrt[5]{9} \cdot \sqrt[5]{27}$
4.  $\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{4}$        $\sqrt[5]{-243}$        $\sqrt[3]{6} \cdot \sqrt[3]{36}$        $\sqrt[3]{-12^3}$
5.  $\sqrt[5]{3^{10}}$        $\sqrt[9]{3^{27}}$        $\frac{\sqrt[5]{64}}{\sqrt[5]{2}}$        $\sqrt[10]{6^{20}}$
6.  $\frac{\sqrt[3]{16}}{\sqrt[3]{2}}$        $\sqrt[3]{2^6}$        $\sqrt[3]{8}$        $\frac{\sqrt[3]{54}}{\sqrt[3]{2}}$
7.  $\sqrt{\sqrt{16}}$        $\left(\sqrt[5]{\frac{1}{9}}\right)^5$        $\sqrt[3]{\sqrt{64}}$        $(\sqrt[4]{2})^8$
8.  $(\sqrt[3]{3})^6$        $\sqrt[4]{\sqrt[3]{4^6}}$        $\sqrt[8]{2^{16}}$        $\sqrt[5]{-32}$
9.  $\sqrt[3]{-8}$        $\left(\left(\sqrt[5]{3}\right)^2\right)^5$        $\sqrt[5]{3^5 \cdot 7^5}$        $\sqrt[3]{4^3 \cdot 2^3}$
10.  $\sqrt[3]{5^3 \cdot 7^3}$        $\sqrt[8]{9^4}$        $\left(\left(\sqrt[5]{3}\right)^2\right)^6$        $\sqrt{225}$
11.  $\sqrt{289}$        $\left(\sqrt[3]{\sqrt{4}}\right)^6$        $\sqrt[10]{4^5}$        $\left(\sqrt[5]{3^2}\right)^5$
12.  $\left(\sqrt[3]{2^2}\right)^3$        $\left(\frac{\sqrt[3]{3}}{\sqrt[3]{2}}\right)^3$        $\left(\sqrt[4]{3}\right)^8$        $\sqrt{\frac{81}{144}}$
13.  $\sqrt[4]{\frac{16}{81}}$        $(\sqrt[4]{8})^4$        $\sqrt[5]{\frac{32}{243}}$        $\sqrt{1\frac{7}{9}}$
14.  $\sqrt[3]{3\frac{3}{8}}$        $\sqrt[5]{\frac{243}{32}}$        $\sqrt[4]{2\frac{7}{9}}$        $\sqrt[4]{\frac{16}{81}}$

**Таблица №2.****Вычислить:****1B.****2B.****3B.****4B.****5B.**

1.  $5^{\frac{1}{4}} \cdot 5^{\frac{3}{4}}$

$$\left(2^{\frac{1}{3}}\right)^6$$

$$\left(\frac{9}{25}\right)^{\frac{1}{2}}$$

$$8^{-\frac{2}{3}}$$

$$\left(3^{\frac{1}{4}}\right)^8$$

2.  $3^{\frac{7}{3}} \div 3^{\frac{1}{3}}$

$$\left(3\frac{3}{8}\right)^{\frac{1}{3}}$$

$$8^{\frac{2}{3}}$$

$$\left(\frac{81}{25}\right)^{\frac{1}{2}}$$

$$\left(2\frac{1}{4}\right)^{\frac{1}{2}}$$

3.  $\left(16^{\frac{1}{3}}\right)^{\frac{9}{4}}$

$$121^{\frac{1}{2}}$$

$$\left(4^{\frac{1}{3}}\right)^6$$

$$4^{\frac{1}{3}} \cdot 4^{\frac{5}{3}}$$

$$169^{\frac{1}{2}}$$

4.  $8^{\frac{2}{3}}$

$$1^{0,5}$$

$$5^{\frac{5}{2}} \div 5^{\frac{1}{2}}$$

$$\left(5^{\frac{2}{3}}\right)^3$$

$$1^{0,2}$$

5.  $\left(\frac{8}{27}\right)^{\frac{1}{3}}$

$$32^{\frac{2}{5}}$$

$$7^{\frac{1}{4}} \cdot 7^{\frac{3}{4}}$$

$$\left(3^{\frac{2}{3}}\right)^6$$

$$27^{\frac{2}{3}}$$

6.  $25^{\frac{1}{2}}$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^{-1}$$

$$81^{0,75}$$

$$7^{\frac{7}{2}} \div 7^{\frac{3}{2}}$$

$$\left(\frac{3}{4}\right)^{-1}$$

7.  $16^{0,75}$

$$3^{2-\sqrt{2}} \div 3^{1-\sqrt{2}}$$

$$27^{\frac{2}{3}}$$

$$\left(2\frac{7}{9}\right)^{\frac{1}{2}}$$

$$6^{3-\sqrt{2}} \div 6^{1-\sqrt{2}}$$

8.  $\left(\frac{1}{2}\right)^0$

$$\left(4^{2+\sqrt{3}}\right)^{2-\sqrt{3}}$$

$$64^{\frac{1}{6}}$$

$$289^{\frac{1}{2}}$$

$$\left(3^{1-\sqrt{3}}\right)^{1+\sqrt{3}}$$

9.  $32^{\frac{1}{5}}$

$$\left(\left(\frac{1}{3}\right)^{\sqrt{3}}\right)^{\sqrt{3}}$$

$$\left(\frac{1}{4}\right)^0$$

$$\left(4^{\sqrt{3}}\right)^{\sqrt{3}}$$

$$\left(\left(\frac{1}{2}\right)^{\sqrt{3}}\right)^{\sqrt{3}}$$

10.  $2^{\sqrt{5}} \cdot 2^{-\sqrt{5}}$

$$\left(5^{\sqrt{2}}\right)^{\sqrt{2}}$$

$$\left(5^{\sqrt{3}}\right)^{\sqrt{3}}$$

$$\left(\frac{9}{5}\right)^{-1}$$

$$\left(6^{\sqrt{2}}\right)^{\sqrt{2}}$$

**Таблица №3.****Вычислить:****1B.****2B.****3B.****4B.****5B.**

1.  $(3^{\sqrt{2}})^{\sqrt{2}}$

4 <sup>$\sqrt{2}$</sup>  · 4<sup>- $\sqrt{2}$</sup>

3 <sup>$\sqrt{2}$</sup>  · 3<sup>- $\sqrt{2}$</sup>

1 <sup>$\frac{2}{5}$</sup>

5 <sup>$\sqrt{3}$</sup>  · 5<sup>- $\sqrt{3}$</sup>

2.  $\left(\left(\frac{1}{2}\right)^{\sqrt{2}}\right)^{\sqrt{8}}$

16<sup>0,25</sup>

(5<sup>1- $\sqrt{3}$</sup> )<sup>1+ $\sqrt{3}$</sup>

(2/7)<sup>0</sup>

81<sup>0,25</sup>

3.  $(3^{1+\sqrt{2}})^{1-\sqrt{2}}$

(1/3)<sup>0</sup>

3<sup>4+ $\sqrt{5}$</sup>  ÷ 3<sup>2+ $\sqrt{5}$</sup>

27<sup>1/3</sup>

(7/9)<sup>0</sup>

4.  $2^{3+\sqrt{3}} \div 2^{1+\sqrt{3}}$

8<sup>2/3</sup>

(8/7)<sup>-1</sup>

(2 <sup>$\sqrt{2}$</sup> ) <sup>$\sqrt{2}$</sup>

25<sup>0,5</sup>

5.  $\left(\frac{3}{7}\right)^{-1}$

49<sup>0,5</sup>

1<sup>3/4</sup>

16<sup>0,25</sup>

8<sup>2/3</sup>

6.  $16^{\frac{3}{4}}$

(4/25)<sup>1/2</sup>

121<sup>1/2</sup>

(3<sup>2- $\sqrt{3}$</sup> )<sup>2+ $\sqrt{3}$</sup>

(8/125)<sup>1/3</sup>

7.  $1^{0,75}$

(3<sup>3/2</sup>)<sup>4/3</sup>

(3<sup>3/8</sup>)<sup>1/3</sup>

5<sup>4+ $\sqrt{5}$</sup>  ÷ 5<sup>2+ $\sqrt{5}$</sup>

(7<sup>3/2</sup>)<sup>4/3</sup>

8.  $625^{\frac{1}{4}}$

5<sup>4/3</sup> ÷ 5<sup>1/3</sup>

(6<sup>2/3</sup>)<sup>3</sup>

(1/125)<sup>-1/3</sup>

9<sup>4/3</sup> ÷ 9<sup>1/3</sup>

9.  $\left(5\frac{1}{16}\right)^{\frac{1}{4}}$

8<sup>5/15</sup>

3<sup>1/2</sup> · 3<sup>3/2</sup>

2<sup>0,75</sup> · 2<sup>0,25</sup>

27<sup>6/18</sup>

10.  $\left(5^{\frac{3}{4}}\right)^4$

2<sup>2/3</sup> · 2<sup>1/3</sup>

9<sup>-1,5</sup>

1<sup>-10</sup>

7<sup>2/3</sup> · 7<sup>1/3</sup>

Таблица №4.

Вычислить:

	1B.	2B.	3B.	4B.	5B.
1.	$\lg 0,001$	$\lg 10^{-3}$	$\log_3 9$	$7^{\log_7 4}$	$\log_{15} 225$
2.	$\log_{\frac{1}{5}} 125$	$\lg 0,01$	$6^{\log_6 3}$	$\log_{12} 144$	$\lg 0,0001$
3.	$\lg 10^3$	$3^{\log_3 4}$	$\lg 0,001$	$\log_{\frac{1}{3}} \frac{1}{27}$	$8^{\log_8 3}$
4.	$9^{\log_9 7}$	$\log_{\frac{1}{3}} 81$	$\log_{\frac{1}{2}} 64$	$\lg 0,1$	$\lg 100$
5.	$\log_2 4$	$\log_5 25$	$\lg 10^{-4}$	$\lg 10$	$\log_{\frac{1}{4}} \frac{1}{64}$
6.	$\ln e$	$\log_7 7$	$\log_2 2$	$\lg 10^{-9}$	$\log_6 6$
7.	$\lg 1$	$\log_{\frac{1}{5}} \frac{1}{125}$	$\ln e$	$\log_3 \sqrt{3}$	$\lg 10$
8.	$\log_6 6$	$\ln e^{-1}$	$\log_3 1$	$\log_9 9$	$\log_3 \sqrt[4]{3}$
9.	$\log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{128}$	$\log_5 1$	$\log_{\frac{1}{2}} 4$	$\lg 1$	$\log_{\frac{1}{9}} 81$
10.	$\lg 1000$	$\log_8 8^{-3}$	$\lg 1000$	$\ln e^{-2}$	$\log_7 7^{-2}$
11.	$\log_4 4^{-8}$	$\log_{\frac{1}{4}} \frac{1}{64}$	$5^{\log_5 12}$	$\log_{\frac{1}{6}} 36$	$\ln e^4$
12.	$6^{\frac{1}{2 \log_6 64}}$	$\log_2 \log_3 9$	$\frac{\lg 25}{\lg 5}$	$\log_5 625$	$\log_2 \log_4 16$
13.	$\log_6 3 + \log_6 2$	$\log_3 54 - \log_3 2$	$\lg 8 + \lg 125$	$\log_2 64 - \log_2 8$	$\log_3 6 + \log_3 \frac{3}{2}$
14.	$\log_4 32 - \log_4 2$	$\log_{12} 2 + \log_{12} 72$	$\log_5 75 - \log_5 3$	$\lg 5 + \lg 2$	$\log_2 30 - \log_2 15$
15.	$\ln 1$	$3^{\frac{1}{2 \log_3 81}}$	$\log_{13} 169$	$\log_3 \log_{10} 1000$	$\log_7 49$

Таблица №5.

Решите уравнение:

1B.

$$1. \quad 2^x = 8$$

2B.

$$3^x = 1$$

3B.

$$7^x = 3^x$$

4B.

$$5^x = 125$$

$$2. \quad 4^{x-1} = 1$$

$$3^x = 27$$

$$4^x = 64$$

$$3^{2x-1} = 27$$

$$3. \quad 5^x = 8^x$$

$$2 \cdot 4^x = 16$$

$$6^{3x-4} = 36$$

$$\left(\frac{1}{7}\right)^x = \left(\frac{1}{5}\right)^x$$

$$4. \quad 3 \cdot 9^x = 81$$

$$3^x = 2^x$$

$$\left(\frac{2}{3}\right)^x = \left(\frac{1}{3}\right)^x$$

$$3^{2x-6} = 27$$

$$5. \quad \left(\frac{1}{2}\right)^x = \left(\frac{1}{4}\right)^x$$

$$\log_x 25 = 2$$

$$3^{2x} = \frac{1}{81}$$

$$6^x = 12$$

$$6. \quad \log_x 27 = 3$$

$$\left(\frac{1}{3}\right)^x = \left(\frac{1}{8}\right)^x$$

$$2^x = 3$$

$$4^{3x} = \frac{1}{64}$$

$$7. \quad \log_x \frac{1}{3} = -1$$

$$3^x = 7$$

$$\log_3 x = 0$$

$$\log_x \frac{1}{4} = -1$$

$$8. \quad \log_7 x = 0$$

$$\log_7(14x) = 2$$

$$\log_x \frac{2}{5} = -1$$

$$\log_2 x = 0$$

$$9. \quad 2^x = 5$$

$$\log_3 x = \log_3 10 + \log_3 6$$

$$\log_x 144 = 2$$

$$\log_3(3x) = 2$$

$$10. \quad \log_5 x = \log_5 3 + \log_5 5 \quad \log_7 x^2 = 0$$

$$\log_7 x = \log_7 3 + \log_7 5$$

$$\log_x 169 = 2$$

$$11. \quad \log_3(3x) = 2$$

$$\log_x \frac{2}{3} = -1$$

$$\log_4 x^2 = 0$$

$$\log_3 x^2 = 0$$

$$12. \quad \log_3 x^2 = 0$$

$$\log_6 x = 0$$

$$\log_3(2x) = 2$$

$$\lg x = \lg 6 + \lg 9$$

Таблица №6 .

Решите неравенство:

1B.

2B.

3B.

4B.

- |     |   |   |  |  |
|-----|---|---|--|--|
| 1.  | $2^x > 4$   | $5^x > \frac{1}{125}$   | $3^x > 81$   | $7^x \geq 49$  |
| 2.  | $3^x < \frac{1}{9}$   | $\left(\frac{1}{3}\right)^x \leq \left(\frac{1}{27}\right)$     | $2^x < \frac{1}{8}$  | $\left(\frac{1}{5}\right)^x \geq \frac{1}{125}$              |
| 3.  | $\left(\frac{1}{5}\right)^x \leq \left(\frac{1}{25}\right)$ | $2^x < 8$   | $\left(\frac{1}{6}\right)^x \geq 36$                         | $4^x \leq \frac{1}{16}$                                      |
| 4.  | $\left(\frac{1}{4}\right)^x > 2$                            | $5^x \leq 25$   | $3^x < \frac{1}{27}$   | $4^{3x} \geq 64$   |
| 5.  | $3^{2x} \leq 9$   | $\left(\frac{1}{2}\right)^x < 16$                               | $5^x > 1$  | $\left(\frac{1}{9}\right)^x \leq 3$                          |
| 6.  | $2^{2x} \geq \frac{1}{2}$                                   | $\left(\frac{8}{5}\right)^{3x} \leq \left(\frac{5}{8}\right)^6$ | $3^{2x} \geq 243$  | $\left(\frac{3}{5}\right)^{3x} < \left(\frac{5}{3}\right)^9$ |
| 7.  | $\left(\frac{7}{9}\right)^{2x} \geq \frac{9}{7}$            | $4^{3x} \leq \frac{1}{64}$                                      | $\left(\frac{3}{4}\right)^{2x} > \left(\frac{4}{3}\right)^6$ | $3^x < 1$  |
| 8.  | $\log_5 x > \log_5 1,5$                                     | $\ln x \geq \ln 3$  | $\log_2 x > \log_2 7$  | $\ln x > \ln 3$  |
| 9.  | $\ln x > \ln 0,5$   | $\log_3 x \leq \log_3 6$  | $\ln x < \ln 7$  | $\log_3 x > \log_3 9$  |
| 10. | $\log_{\frac{1}{5}} x \geq \log_{\frac{1}{5}} 25$           | $\log_7 x \leq 2$   | $\log_{\frac{1}{6}} x > \log_{\frac{1}{6}} \frac{1}{36}$     | $\log_{\frac{1}{4}} x > \log_{\frac{1}{4}} 4$                |
| 11. | $\log_2 x \geq 2$   | $\log_{\frac{1}{3}} x \leq \log_{\frac{1}{3}} \frac{1}{27}$     | $\log_5 2x \geq 2$   | $\log_{\frac{1}{2}} x \geq 2$                                |

Таблица №7.

Вычислить:

	1B.	2B.	3B.	4B.	5B.
1.	$\sin 45^\circ$	$\cos \frac{2\pi}{3}$	$\cos 150^\circ$	$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$	$\operatorname{tg} 45^\circ$
2.	$\cos \frac{\pi}{3}$	$\sin 60^\circ$	$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{4}$	$\operatorname{tg} 0^\circ$	$\sin \frac{\pi}{2}$
3.	$\operatorname{tg} 120^\circ$	$\sqrt{2} \sin 45^\circ$	$\operatorname{tg} 120^\circ$	$\cos 120^\circ$	$\operatorname{tg} 30^\circ$
4.	$\sqrt{3} \cos \frac{\pi}{6}$	$\operatorname{tg} 150^\circ$	$\cos \frac{5\pi}{6}$	$\sin \frac{5\pi}{4}$	$\sqrt{3} \operatorname{tg} 60^\circ$
5.	$\operatorname{ctg} 30^\circ$	$\sin 120^\circ$	$\sin \frac{11\pi}{6}$	$\operatorname{ctg} 30^\circ$	$\cos 45^\circ$
6.	$\sin 240^\circ$	$\operatorname{ctg} 45^\circ$	$\operatorname{tg} 60^\circ$	$\operatorname{tg} \frac{\pi}{6}$	$\sin \frac{5\pi}{4}$
7.	$\cos \frac{2\pi}{3}$	$\sin \frac{4\pi}{3}$	$\operatorname{tg} \frac{\pi}{6}$	$\sin 150^\circ$	$\cos \frac{3\pi}{2}$
8.	$\sin \frac{7\pi}{4}$	$\cos \frac{5\pi}{3}$	$\sin 300^\circ$	$\cos \frac{7\pi}{4}$	$\cos 0^\circ$
9.	$\operatorname{tg} \frac{\pi}{4}$	$\sin 300^\circ$	$\cos \frac{7\pi}{6}$	$\operatorname{ctg} \frac{4\pi}{3}$	$\operatorname{tg} 120^\circ$
10.	$\sin 240^\circ$	$\operatorname{tg} \frac{5\pi}{4}$	$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{3}$	$\operatorname{tg} 45^\circ$	$\operatorname{ctg} 90^\circ$
11.	$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$	$\operatorname{tg} 30^\circ$	$\sin 120^\circ$	$\operatorname{tg} \frac{2\pi}{3}$	$\sin \frac{\pi}{3}$
12.	$\cos \frac{5\pi}{6}$	$\operatorname{ctg} \frac{5\pi}{6}$	$\operatorname{tg} 180^\circ$	$\sin 180^\circ$	$\cos \frac{5\pi}{6}$
13.	$\sin 540^\circ$	$\cos \frac{3\pi}{4}$	$\sin 0^\circ$	$\cos \frac{\pi}{3}$	$\operatorname{tg} 300^\circ$
14.	$\operatorname{tg} \frac{\pi}{4}$	$\sin 240^\circ$	$\cos \frac{4\pi}{3}$	$\sin \frac{\pi}{4}$	$\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$
15.	$\operatorname{tg} 60^\circ$	$\operatorname{tg} \frac{\pi}{4}$	$\sin \frac{\pi}{3}$	$\operatorname{ctg} 90^\circ$	$\sin 60^\circ$
16.	$\sin \frac{11\pi}{6}$	$\operatorname{ctg} 60^\circ$	$\operatorname{ctg} 45^\circ$	$\sin 270^\circ$	$\operatorname{ctg} 60^\circ$

Таблица № 8.

Вычислить:

	1B.	2B.	3B.	4B.
1.	$\arcsin \frac{1}{2}$	$\arccos \frac{\sqrt{3}}{2}$	$\arcsin \frac{\sqrt{2}}{2}$	$\arccos 1$
2.	$\arcsin(-1)$	$\arctg \frac{\sqrt{3}}{3}$	$\arccotg 1$	$\arctg \sqrt{3}$
3.	$\arccotg 1$	$\arctg(-1)$	$\arctg \frac{\sqrt{3}}{3}$	$\arctg 1$
4.	$\arctg 1$	$\arccotg(-1)$	$\arctg 1$	$\arccotg \frac{\sqrt{3}}{3}$
5.	$\arccos \frac{\sqrt{2}}{2}$	$\arccos\left(\sin \frac{\pi}{3}\right)$	$3 \arccos \frac{1}{2}$	$2 \arccos \frac{1}{2}$
6.	$3 \arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$	$\arccos 0$	$\arccos 1$	$\arccos\left(\sin \frac{\pi}{6}\right)$
7.	$\arcsin \frac{\sqrt{2}}{2}$	$\arcsin \frac{1}{2}$	$\arcsin 0$	$\arcsin(-1)$
8.	$\arcsin\left(-\frac{1}{2}\right)$	$\arcsin(-1)$	$3 \arcsin 0$	$\arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$
9.	$\arctg\left(-\frac{\sqrt{3}}{3}\right)$	$2 \arctg \sqrt{3}$	$\arctg(-1)$	$\arctg 0$
10.	$\arctg 0$	$\arctg 0$	$2 \arctg(-\sqrt{3})$	$\frac{1}{3} \arctg 0$
11.	$\arccos\left(\sin \frac{\pi}{2}\right)$	$\arcsin\left(\cos \frac{\pi}{4}\right)$	$\arccos\left(\sin \frac{\pi}{6}\right)$	$\arcsin\left(\cos \frac{2\pi}{3}\right)$
12.	$\arctg\left(\sin \frac{\pi}{2}\right)$	$\arctg(\cos \pi)$	$\arctg\left(\sin \frac{3\pi}{2}\right)$	$\arctg(\cos 0)$

Таблица № 9 .

Решить уравнения.

	1B.	2B.	3B.	4B.
1.	$\sin x = 1$	$\cos x = 1$	$\sin x = 0$	$\cos x = 0$
2.	$\operatorname{tg}x = 0$	$\operatorname{ctg}x = 1$	$\operatorname{tg}x = 1$	$\operatorname{ctg}x = 0$
3.	$\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$	$\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$	$\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$	$\cos x = \frac{1}{2}$
4.	$\cos x = \frac{1}{2}$	$\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$	$\cos x = \frac{1}{2}$	$\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$
5.	$2 \sin x = \sqrt{3}$	$2 \cos x = \sqrt{2}$	$2 \sin x = 1$	$2 \cos x = 1$
6.	$\operatorname{tg}x = -1$	$\cos x = -1$	$\operatorname{ctg}x = -1$	$\operatorname{tg}x = 1$
7.	$\cos x = -1$	$\sin x = -1$	$\operatorname{tg}x = 1$	$\operatorname{ctg}x = -1$
8.	$2 \cos x = 1$	$2 \sin x = \sqrt{2}$	$\cos x = 2$	$\operatorname{tg}x = 0$
9.	$2 \cos x = -3$	$\sin x = 0$	$\cos x = 0$	$2 \sin x = 3$
10.	$\sin x = 0,5$	$\cos x = -\frac{1}{2}$	$\operatorname{tg}x = \sqrt{3}$	$\operatorname{ctg}x = -\frac{\sqrt{3}}{3}$
11.	$\operatorname{tg}x = -\frac{\sqrt{3}}{3}$	$\operatorname{ctg}x = \sqrt{3}$	$3\operatorname{tg}x = \sqrt{3}$	$3\operatorname{ctg}x = \sqrt{3}$
12.	$\cos x - 1 = 0$ $2 \cos x - \sqrt{2} = 0$	$2 \sin x - 1 = 0$	$3\operatorname{ctg}x - \sqrt{3} = 0$	

Таблица № 10.

Решить неравенства:

1B.

2B

. 3B.

4B.

- |    |                                     |                                     |                                       |                                 |
|----|-------------------------------------|-------------------------------------|---------------------------------------|---------------------------------|
| 1. | $(x-3)(x+1) \geq 0$                 | $\frac{(x+2)(x-3)}{(x+6)} < 0$      | $\frac{(x+9)(x-4)}{(2+x)} \geq 0$     | $(x-5)(x+6) \leq 0$             |
| 2. | $\frac{x-3}{(x+1)(x-2)} < 0$        | $(7+x)(x-2) \not\propto 0$          | $(x+2)(x-5) \leq 0$                   | $\frac{(3+x)(x-2)}{4-x} \geq 0$ |
| 3. | $\frac{(x-1)(2-x)}{x+3} \geq 0$     | $\frac{(3-x)(x+6)}{x+5} \leq 0$     | $\frac{(4-x)(x+6)}{x+5} \leq 0$       | $\frac{(3x-2)(x-0,5)}{x+3} > 0$ |
| 4. | $\frac{(x+3)(x+4)}{x-5} \leq 0$     | $\frac{(x+3)(2x+1)}{x+2} \geq 0$    | $(x^2 - 25)(x+1) \geq 0$              | $\frac{x-1}{(x^2 - 16)} \geq 0$ |
| 5. | $(x^2 - 4)(1-x) \not\propto 0$      | $(2-x)(x^2 - 9) \not\propto 0$      | $\frac{(3+x)}{(x+2)} > 0$             | $\frac{(x+4)(x+1)}{x-3} \leq 0$ |
| 6. | $\frac{x^2 - 3x + 2}{(x-3)} \geq 0$ | $\frac{x^2 - 3x + 2}{x+3} \geq 0$   | $\frac{(x-6)(x+2)}{(x-5)} \leq 0$     | $(x^2 - 16)(x-3) \geq 0$        |
| 7. | $\frac{(x+4)^2}{(x-7)(x+3)} > 0$    | $\frac{(x-5)(6+x)}{(3-x)^2} < 0$    | $\frac{(4+x)(3x-2)}{x-1} \geq 0$      | $\frac{x-1}{x+6} > 0$           |
| 8. | $\frac{(x+2)(x-7)}{(x^2 - 4)} > 0$  | $\frac{(x-5)(6+x)}{(x^2 - 25)} < 0$ | $\frac{(x-3)}{(x^2 - 9)(x-1)} \geq 0$ | $\frac{(x^2 - 81)}{x-9} < 0$    |
| 9. | $(x-8)(x^2 - 1) \leq 0$             | $(x-3)(x^2 - 36) \not\propto 0$     | $(2-x)(x^2 - 25) \not\propto 0$       | $(x^2 - 9)(x+1) \leq 0$         |

Таблица № 11.

Найти производные функций:

	1B.	2B.	3B.	4B.
1.	$x^4$	$x^6$	$x^7$	$x^3$
2.	$2x^3$	$3x^5$	$6x^3$	$5x^4$
3.	$2x^5 - 3x^2 + 2$	$7x^6 + 3x^3 + 5x^2$	$3x^5 + 3x^3 - 2x^2$	$6x^2 + 12x + 3$
4.	$\frac{1}{x^3}$	$2x^{-4}$	$\frac{3}{x^4}$	$3x^{-2}$
5.	$\sqrt[3]{x^2}$	$\sqrt[4]{x}$	$\sqrt[5]{x^3}$	$\sqrt[3]{x^4}$
6.	$2e^x$	$2^x$	$\ln x$	$\log_2 x$
7.	$\log_3 x$	$\ln x$	$3e^x$	$3^x$
8.	$4^x$	$e^x$	$5^x$	$4e^x$
9.	$\ln x$	$\log_3 x$	$e^x$	$\ln x^2$
10.	$\sin x$	$\cos x$	$\ln x$	$\cos 2x$
11.	$\cos 3x$	$\ln 2x$	$\sin x$	$\ln 4x$
12.	$\ln 3x$	$\sin x$	$\cos x$	$\operatorname{tg} x$
13.	$5 \ln x$	$\sin 2x$	$\cos 4x$	$\cos x$
14.	$2x - 3$	$(3x - 6)^2$	$x + 3$	$(7x - 8)^3$
15.	$\sin(2x + 3)$	$5 - 4x$	$\cos(3x + 4)$	$2\pi$
16.	$\ln 3$	$\cos(4x - 3)$	$2x - 5$	$\sin 5x$

Таблица №12.

Найти одну из первообразных функции:

	1B.	2B.	3B.	4B.
1.	$x^6$	$e^x$	$\sin x$	$\cos x$
2.	$\frac{2}{x}$	$\cos x$	$x^4$	$\frac{5}{x}$
3.	$e^x$	$(4x - 3)^3$	$\cos x$	$x^7$
4.	$\sin x$	$\frac{3}{x}$	$e^x$	$2x^3$
5.	$(3x - 2)^2$	$x^7$	$\sin 3x$	$e^x$
6.	$\frac{1}{2x+1}$	$\sin(2x + 3)$	$2x^4$	$\sin x$
7.	$e^{3x-6}$	$5x^3$	$(7x + 2)^3$	$\cos(2x - 3)$
8.	$\sin(5x + 7)$	$\frac{1}{4x - 6}$	$\frac{2}{x}$	$(2x + 1)^4$
9.	$\cos x$	$e^{2x-4}$	$\frac{1}{6x + 4}$	$e^{5x+3}$
10.	$3x^5$	$\sin x$	$e^{3x-5}$	$\frac{1}{6x + 7}$

Ответы

Таблица №1.

	1B.	2B.	3B.	4B.
1.	3	3	5	19
2.	4	4	1/3	1/5
3.	-1/5	2	-2	3
4.	2	-3	6	-12
5.	9	27	2	36
6.	2	4	2	3
7.	2	1/9	2	4
8.	9	2	4	-2
9.	-2	9	21	8
10.	35	3	9	15
11.	17	4	2	9
12.	4	1,5	3	9/12
13.	2/3	8	2/3	4/3
14.	3/2	3/2	5/3	2/3

Таблица №2

	1B.	2B.	3B.	4B.	5B.
1.	5	4	0,6	0,25	9
2.	9	1,5	4	1,8	1,5
3.	8	11	16	16	13
4.	4	1	25	25	1
5.	2/3	4	7	81	9
6.	5	2,5	27	49	4/3
7.	8	9	9	5/3	36
8.	1	4	2	17	1/9
9.	2	1\27	1	64	1/8
10.	1	25	125	5/9	36

Таблица №3

	1B.	2B.	3B.	4B.	5B.
1.	9	1	1	1	1
2.	1/16	2	1/25	1	3
3.	1/3	1	9	3	1
4.	4	4	7/8	4	5
5.	7\3	7	1	2	4
6.	8	0,4	11	1/3	0,4
7.	1	9	3/2	25	49
8.	5	5	36	5	9
9.	1,5	2	9	2	3
10.	125	2	1/27	1	7

Таблица №4

	1B.	2B.	3B.	4B.	5B.
1.	3	-3	2	4	2
2.	-3	-2	3	2	4
3.	3	4	3	3	3
4.	7	-4	-6	-1	2
5.	2	2	-4	1	3
6.	1	1	1	-9	1
7.	0	3	1	0,5	1
8.	1	-1	0	1	0,25
9.	7	0	-2	0	-2
10.	3	-3	3	-2	-2
11.	-8	3	12	-2	4
12.	8	1	2	4	1
13.	1	3	3	3	2
14.	2	2	2	1	1
15.	0	9	2	1	2

Таблица №5

	1B.	2B.	3B.	4B.
1.	3	0	0	3
2.	1	3	3	2
3.	0	1,5	2	0
4.	1,5	0	0	4,5
5.	0	5	-2	$\log_6 12$
6.	3	0	$\log_2 3$	-1
7.	3	$\log_3 7$	1	4
8.	1	3,5	2,5	1
9.	$\log_2 5$	60	12	3
10.	15	1	15	13
11.	3	1,5	1	1
. 12	1	1	4,5	54

Таблица №6

	1B.	2B.	3B.	4B.
1.	(2; $\infty$ )	(-3; $\infty$ )	(4; $\infty$ )	[2; $\infty$ )
2	( $-\infty$ ; -2)	[3; $\infty$ )	( $-\infty$ ; -3)	( $-\infty$ ; 3]
3	[2; $\infty$ )	( $-\infty$ ; 3)	( $-\infty$ ; -2]	( $-\infty$ ; -2]
4	( $-\infty$ ; -1)	( $-\infty$ ; 2]	( $-\infty$ ; -3)	[1; $\infty$ )
5	( $-\infty$ ; 1]	(-4; $\infty$ )	(0; $\infty$ )	[-0,5; $\infty$ )
6	[-0,5; $\infty$ )	( $-\infty$ ; -2]	[2,5; $\infty$ )	(-3; $\infty$ )
7	[-0,5; $\infty$ )	( $-\infty$ ; -1]	( $-\infty$ ; -3)	( $-\infty$ ; 0)
8	(1,5; $\infty$ )	[3; $\infty$ )	(7; $\infty$ )	(3; $\infty$ )
9	(0,5; $\infty$ )	( $-\infty$ ; 6]	( $-\infty$ ; 7)	(9; $\infty$ )
10	( $-\infty$ ; 25]	( $-\infty$ ; 49]	( $-\infty$ ; 1/36)	( $-\infty$ ; 4)
11	[4; $\infty$ )	[3; $\infty$ )	[12,5; $\infty$ )	(0,25; $\infty$ )

Таблица №7

	1B.	2B.	3B.	4B.	5B.
1	$\sqrt{2}/2$	-1/2	$-\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}$	1
2	1/2	$\sqrt{3}/2$	1	0	1
3	$-\sqrt{3}$	1	$-\sqrt{3}$	-1/2	$\sqrt{3}/3$
4	3/2	$-\sqrt{3}/3$	$-\sqrt{3}/2$	$-\sqrt{2}/2$	3
5	$\sqrt{3}$	$\sqrt{3}/2$	-1/2	$\sqrt{3}$	$\sqrt{2}/2$
6	$-\sqrt{3}/2$	1	$\sqrt{3}$	$\sqrt{3}/3$	$-\sqrt{2}/2$
7	-1/2	$-\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}/2$	1/2	0
8	$-\sqrt{2}/2$	1/2	$-\sqrt{3}/2$	$\sqrt{2}/2$	1
9	1	$-\sqrt{3}/2$	$-\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}/3$	$-\sqrt{3}$
10	$-\sqrt{3}/2$	1	$\sqrt{3}/2$	1	0
11	$\sqrt{3}$	$\sqrt{3}/3$	$\sqrt{3}/2$	$-\sqrt{3}$	$\sqrt{3}/2$

12	$-\sqrt{3}/2$	$-\sqrt{3}$	0	0	$-\sqrt{3}/2$
13	0	$-\sqrt{2}/2$	1	$1/2$	$-\sqrt{3}$
14	1	$-\sqrt{3}/2$	$-1/2$	$\sqrt{2}/2$	$\sqrt{3}$
15	$\sqrt{3}$	1	$\sqrt{3}/2$	0	$\sqrt{3}/2$
16	$-1/2$	$\sqrt{3}/3$	1	-1	$\sqrt{3}/3$

Таблица №8

	1B.	2B	3B	4B.
1	$\pi/6$	$\pi/6$	$\pi/4$	0
2	$-\pi/2$	$\pi/6$	$\pi/4$	$\pi/3$
3	$\pi/4$	$-\pi/4$	$\pi/6$	$\pi/4$
4	$\pi/4$	$3\pi/4$	$\pi/4$	$\pi/3$
5	$\pi/4$	$\pi/6$	$\pi$	$2\pi/3$
6	$5\pi/3$	$\pi/2$	0	$\pi/3$
7	$\pi/4$	$\pi/6$	0	$-\pi/2$
8	$-\pi/6$	$-\pi/2$	0	$5\pi/6$
9	$-\pi/6$	$2\pi/3$	$-\pi/4$	0
10	0	0	$-2\pi/3$	0
11	0	$\pi/4$	$\pi/3$	$-\pi/6$
12	$\pi/4$	$-\pi/4$	$-\pi/4$	$\pi/4$

Таблица №9

	1B.	2B.	3B	4B
1	$\frac{\pi}{2} + 2\pi\kappa$	$2\pi\kappa$	$\pi\kappa$	$\frac{\pi}{2} + \pi\kappa$
2	$\pi\kappa$	$\frac{\pi}{4} + \pi\kappa$	$\frac{\pi}{4} + \pi\kappa$	$\frac{\pi}{2} + \pi\kappa$
3	$(-1)^\kappa \frac{\pi}{4} + \pi\kappa$	$\pm \frac{\pi}{4} + 2\pi\kappa$	$(-1)^\kappa \frac{\pi}{3} + \pi\kappa$	$\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi\kappa$
4	$\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi\kappa$	$(-1)^\kappa \frac{\pi}{3} + \pi\kappa$	$\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi\kappa$	$\pm \frac{\pi}{4} + 2\pi\kappa$
5	$(-1)^\kappa \frac{\pi}{3} + \pi\kappa$	$\pm \frac{\pi}{4} + 2\pi\kappa$	$(-1)^\kappa \frac{\pi}{6} + \pi\kappa$	$\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi\kappa$
6	$-\frac{\pi}{4} + \pi\kappa$	$\pi + 2\pi\kappa$	$\frac{3\pi}{4} + \pi\kappa$	$\frac{\pi}{4} + \pi\kappa$
7	$\pi + 2\pi\kappa$	$-\frac{\pi}{2} + 2\pi\kappa$	$\frac{\pi}{4} + \pi\kappa$	$\frac{3\pi}{4} + \pi\kappa$
8	$\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi\kappa$	$(-1)^\kappa \frac{\pi}{4} + \pi\kappa$	$\emptyset$	$\pi\kappa$
9	$\emptyset$	$\pi\kappa$	$2\pi\kappa$	$\emptyset$
10	$(-1)^\kappa \frac{\pi}{6} + \pi\kappa$	$\pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi\kappa$	$\frac{\pi}{3} + \pi\kappa$	$\frac{2\pi}{3} + \pi\kappa$
11	$-\frac{\pi}{6} + \pi\kappa$	$\frac{\pi}{6} + \pi\kappa$	$\frac{\pi}{6} + \pi\kappa$	$\frac{\pi}{3} + \pi\kappa$
12	$2\pi\kappa$	$(-1)^\kappa \frac{\pi}{6} + \pi\kappa$	$\frac{\pi}{3} + \pi\kappa$	$\pm \frac{\pi}{4} + 2\pi\kappa$

Ответы №10, 11

Таблица №11

	1B	2B	3B	4B
1	$4x^3$	$6x^5$	$7x^6$	$3x^2$
2	$6x^2$	$15x^4$	$18x^2$	$20x^3$
3	$10x^4 - 6x$	$42x^5 + 9x^2 + 10x$	$15x^4 + 9x^2 - 10x$	$12x + 12$
4	$-3x^{-4}$	$-8x^{-5}$	$-12x^{-5}$	$-6x^{-3}$
5	$2/3x^{-1/3}$	$1/4x^{-3/4}$	$3/5x^{-2/5}$	$4/3x^{1/3}$
6	$2e^x$	$2^x \ln 2$	$\frac{1}{x}$	$\frac{1}{x \ln 2}$
7	$\frac{1}{x \ln 3}$	$\frac{1}{x}$	$3e^x$	$3^x \ln 3$
8	$4^x \ln 4$	$e^x$	$5^x \ln 5$	$4e^x$
9	$\frac{1}{x}$	$\frac{1}{x \ln 3}$	$e^x$	$\frac{2}{x}$
10	$\cos x$	$-\sin x$	$\frac{1}{x}$	$-2\sin 2x$
11	$-3\sin 3x$	$\frac{1}{x}$	$\cos x$	$\frac{1}{x}$
12	$\frac{1}{x}$	$\cos x$	$-\sin x$	$\frac{1}{\cos^2 x}$
13	$\frac{5}{x}$	$2\cos 2x$	$-4\sin 4x$	$-\sin x$
14	2	$6(3x-6)$	1	$21(7x-8)^2$
15	$2\cos(2x+3)$	-4	$-3\sin(3x+4)$	0
16	0	$-4\sin(4x-3)$	2	$5\cos 5x$

К заданиям таблицы №10 не даны готовые ответы, т.к. данные неравенства не являются устными упражнениями. Но, по усмотрению учителя, можно предложить учащимся разнообразные вопросы. Например: Укажите число промежутков; Укажите значение переменной, при которой неравенства не имеют смысла; Укажите нули функции и т. д.

Ответы №12

	1B	2B	3B	4B
1	$\frac{x^7}{7}$	$e^x$	$-\cos x$	$\sin x$
2	$2\ln x$	$\sin x$	$\frac{x^5}{5}$	$5\ln x$
3	$e^x$	$\frac{(4x-3)^4}{16}$	$\sin x$	$\frac{x^8}{8}$
4	$-\cos x$	$3\ln x$	$e^x$	$\frac{x^4}{2}$
5	$\frac{(3x-2)^3}{9}$	$\frac{x^8}{8}$	$-3\cos 3x$	$e^x$
6	$0,5\ln(2x+1)$	$-0,5\cos(2x+3)$	$0,4x^5$	$-\cos x$
7	$1/3e^{3x-6}$	$5/4x^4$	$\frac{(7x+2)^4}{28}$	$0,5\sin(2x-3)$
8	$-0,2\cos(5x+7)$	$0,25\ln(4x-6)$	$2\ln x$	$\frac{(2x+1)^5}{10}$
9	$\sin x$	$0,5e^{2x-4}$	$1/6\ln(6x+4)$	$1/5e^{5x+3}$
10	$-0,5x^6$	$-\cos x$	$1/3e^{3x-5}$	$1/6\ln(6x+7)$